

Zjednodušte

- | | | | |
|----|-------------------------------------------------|----|---------------------------------------------------------------------------------|
| a) | $[(7-a) \cdot 3 - 5 \cdot (2-a)] \cdot 4$ | h) | $(0,2a - 0,5b) \cdot 7a - (0,4a + 0,6b) \cdot 3b$ |
| b) | $5 \cdot [7 \cdot (x - 2y) - 6 \cdot (2x - y)]$ | i) | $2 \cdot (2x - 3y) - [8 \cdot (x - 4y) - (2x - y)]$ |
| c) | $1 - [2 \cdot (3a - 2b) + 3 \cdot (2a - 3b)]$ | j) | $2 \cdot (x - 1) \cdot (2x + 2)^3 \cdot [4(x - 1) + (2x + 2)]$ |
| d) | $-2x - [-3x - (-4x)] - [x - (-3x)]$ | k) | $5x^2 \cdot (3x^2 + 1)^4 \cdot (6x) + (3x^2 + 1)^5 \cdot (2x)$ |
| e) | $5s - 3 \cdot [(2s - 1) \cdot 8s - 7]$ | l) | $4 \cdot (x - 1)^2 \cdot (2x + 2)^3 \cdot 2 + (2x + 2)^4 \cdot 2 \cdot (x - 1)$ |
| f) | $-8a - \{-8a - [-8a - (-8a)]\}$ | m) | $(x^2 + 2)^2 \cdot [5 \cdot (x^2 + 2)^2 - 3] \cdot (2x)$ |
| g) | $(x^2 + y^2) \cdot x - xy \cdot (2y)$ | n) | $(x^2 - 4) \cdot (x^2 + 4) \cdot (2x + 8) - (x^2 + 8x - 4) \cdot (4x^3)$ |

Počítejte nejprve sami. Pak se podívejte na výsledky. Pro zoufalé – výpočty následují na dalších stranách.

Vzorce, které se vám mohou hodit

Pro všechna $a, b \in \mathbb{R}$ platí:

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

$$(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

$$a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$$

$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

Moje poznámka

Některé příklady mají nádech sadismu. Není v nich žádná pointa, je to čistá matematická nádeničina. Pokud je ale dáte, máte jistotu, že fakt něco umíte!

Výsledky

a) $8a + 44$

b) $-25x - 40y$

c) $-12a + 13b + 1$

d) $-7x$

e) $-48s^2 + 29s + 21$

f) 0

g) $x^3 - xy^2$

h) $1,4a^2 - 4,7ab - 1,8b^2$

i) $-2x + 25y$

j) $96x^5 + 160x^4 - 64x^3 - 192x^2 - 32x + 32$

k) $2916x^{11} + 4050x^9 + 2160x^7 + 540x^5 + 60x^3 + 2x$

l) $96x^5 + 160x^4 - 64x^3 - 192x^2 - 32x + 32$

m) $10x^9 + 80x^7 + 234x^5 + 296x^3 + 136x$

n) $-2x^5 - 24x^4 + 16x^3 - 32x - 128$

a) $[(7-a) \cdot 3 - 5 \cdot (2-a)] \cdot 4$

$$\begin{aligned} \text{d)} \quad & [(7-a) \cdot 3 - 5 \cdot (2-a)] \cdot 4 = \\ & = [21 - 3a - 10 + 5a] \cdot 4 = \\ & = [2a + 11] \cdot 4 = \\ & = \underline{\underline{8a + 44}} \end{aligned}$$

b) $5 \cdot [7 \cdot (x - 2y) - 6 \cdot (2x - y)]$

$$\begin{aligned} \text{b)} \quad & 5 \cdot [7 \cdot (x - 2y) - 6 \cdot (2x - y)] = \\ & = 5 \cdot [7x - 14y - 12x + 6y] = \\ & = 5 \cdot (-5x - 8y) = \\ & = \underline{\underline{-25x - 40y}} \end{aligned}$$

$$\mathbf{c)} \quad 1 - [2 \cdot (3a - 2b) + 3 \cdot (2a - 3b)]$$

$$c) \quad 1 - [2 \cdot (3a - 2b) + 3 \cdot (2a - 3b)] =$$

$$= 1 - [6a - 4b + 6a - 9b] =$$

$$= 1 - (12a - 13b) =$$

$$= \underline{\underline{1 - 12a + 13b}}$$

$$= 1 - 12a + 13b =$$

$$= \underline{\underline{-12a + 13b + 1}}$$

Členy výrazu zapisujeme podle abecedy. Prostý člen (číslo) píšeme na konec.

$$\mathbf{d)} \quad -2x - [-3x - (-4x)] - [x - (-3x)]$$

$$d) \quad -2x - [-3x - (-4x)] - [x - (-3x)] =$$

$$= -2x - [-3x + 4x] - [x + 3x] =$$

$$= -2x + 3x - 4x - x - 3x =$$

$$= \underline{\underline{-7x}}$$

$$e) \quad 5s - 3 \cdot [(2s - 1) \cdot 8s - 7]$$

$$\begin{aligned} e) \quad & 5s - 3 \cdot [(2s - 1) \cdot 8s - 7] = \\ & = 5s - 3 \cdot [16s^2 - 8s - 7] = \\ & = 5s - 48s^2 + 24s + 21 = \\ & = \underline{\underline{-48s^2 + 29s + 21}} \end{aligned}$$

$$f) \quad -8a - \{-8a - [-8a - (-8a)]\}$$

$$\begin{aligned} f) \quad & -8a - \{-8a - [-8a - (-8a)]\} = \\ & = -8a - \{-8a - [-8a + 8a]\} = \\ & = -8a - \{-8a - 0\} = \\ & = -8a + 8a = \underline{\underline{0}} \end{aligned}$$

$$g) \quad (x^2 + y^2) \cdot x - xy \cdot (2y)$$

$$\begin{aligned} g) \quad & (x^2 + y^2) \cdot x - xy \cdot (2y) = \\ & = x^3 + y^2x - 2xy^2 = \\ & = \underline{\underline{x^3 - xy^2}} \end{aligned}$$

$$h) \quad (0,2a - 0,5b) \cdot 7a - (0,4a + 0,6b) \cdot 3b$$

$$\begin{aligned} h) \quad & (0,2a - 0,5b) \cdot 7a - (0,4a + 0,6b) \cdot 3b = \\ & = 1,4a^2 - 3,5ab - (1,2ab + 1,8b^2) = \\ & = 1,4a^2 - 3,5ab - 1,2ab - 1,8b^2 = \\ & = \underline{\underline{1,4a^2 - 4,7ab - 1,8b^2}} \end{aligned}$$

$$i) \quad 2 \cdot (2x - 3y) - [8 \cdot (x - 4y) - (2x - y)]$$

$$\begin{aligned} i) \quad & 2 \cdot (2x - 3y) - [8 \cdot (x - 4y) - (2x - y)] = \\ & = 4x - 6y - [8x - 32y - 2x + y] = \\ & = 4x - 6y - (6x - 31y) = \\ & = 4x - 6y - 6x + 31y = \\ & = \underline{\underline{-2x + 25y}} \end{aligned}$$

$$j) \quad 2 \cdot (x-1) \cdot (2x+2)^3 \cdot [4(x-1) + (2x+2)]$$

$$j) \quad 2 \cdot (x-1) \cdot (2x+2)^3 \cdot [4 \cdot (x-1) + (2x+2)] =$$

$$= (2x-2) \cdot (8x^3 + 12x^2 \cdot 2 + 6x \cdot 4 + 8) \cdot$$

$$\cdot [4x - 4 + 2x + 2] =$$

$$= [(2x-2) \cdot 8x^3 + (2x-2) \cdot 24x^2 +$$

$$+ (2x-2) \cdot 24x + (2x-2) \cdot 8] \cdot (6x-2) =$$

$$= (16x^4 - 16x^3 + 48x^3 - 48x^2 +$$

$$+ 48x^2 - 48x + 16x - 16) \cdot (6x-2) =$$

$$= (16x^4 + 32x^3 - 32x - 16) \cdot (6x-2) =$$

$$= 96x^5 + 192x^4 - 192x^2 - 96x$$

$$- 32x^4 - 64x^3 + 64x + 32 =$$

$$= \underline{\underline{96x^5 + 160x^4 - 64x^3 - 192x^2 - 32x + 32}}$$

$$\mathbf{k) \quad 5x^2 \cdot (3x^2 + 1)^4 \cdot (6x) + (3x^2 + 1)^5 \cdot (2x)}$$

k)

$$\begin{aligned} & 5x^2 \cdot (3x^2 + 1)^4 \cdot (6x) + (3x^2 + 1)^5 \cdot (2x) = \\ & = 30x^3 \cdot (3x^2 + 1)^2 \cdot (3x^2 + 1)^2 + (3x^2 + 1)^3 \cdot (3x^2 + 1)^2 \cdot (2x) = \\ & = 30x^3 \cdot (9x^4 + 6x^2 + 1) \cdot (9x^4 + 6x^2 + 1) + \\ & \quad + (27x^6 + 27x^4 + 9x^2 + 1) \cdot (9x^4 + 6x^2 + 1) \cdot (2x) = \\ & = (270x^7 + 180x^5 + 30x^3) \cdot (9x^4 + 6x^2 + 1) + \\ & \quad + (27x^6 + 27x^4 + 9x^2 + 1) \cdot (18x^5 + 12x^3 + 2x) = \\ & = 2430x^{11} + 1620x^9 + 270x^7 + \\ & \quad + 1620x^9 + 1080x^7 + 180x^5 + \\ & \quad + 270x^7 + 180x^5 + 30x^3 + \\ & \quad + 486x^{11} + 324x^9 + 54x^7 + \\ & \quad + 486x^9 + 324x^7 + 54x^5 + \\ & \quad + 162x^7 + 108x^5 + 18x^3 + \\ & \quad + 18x^5 + 12x^3 + 2x = \\ & = \underline{\underline{2916x^{11} + 4050x^9 + 2760x^7 + 540x^5 + 60x^3 + 2x}} \end{aligned}$$

$$1) \quad 4 \cdot (x-1)^2 \cdot (2x+2)^3 \cdot 2 + (2x+2)^4 \cdot 2 \cdot (x-1)$$

$$b) \quad 4 \cdot (x-1)^2 \cdot (2x+2)^3 \cdot 2 + (2x+2)^4 \cdot 2 \cdot (x-1) =$$

$$= 2 \cdot (x-1) \cdot (2x+2)^3 \cdot [4 \cdot (x-1) + (2x+2)] =$$

$$= (2x-2) \cdot (8x^3 + 3 \cdot 4x^2 \cdot 2 + 3 \cdot 2x \cdot 4 + 8) \cdot$$

$$\cdot (4x-4+2x+2) =$$

$$= (2x-2) \cdot (8x^3 + 24x^2 + 24x + 8) \cdot$$

$$\cdot (6x-2) =$$

$$= (16x^4 + 48x^3 + 48x^2 + 16x -$$

$$- 16x^3 - 48x^2 - 48x - 16) \cdot (6x-2) =$$

$$= (16x^4 + 32x^3 - 32x - 16) \cdot (6x-2) =$$

$$= 96x^5 + 192x^4 - 192x^2 - 96x -$$

$$- 32x^4 - 64x^3 + 64x + 32 =$$

$$= \underline{\underline{96x^5 + 160x^4 - 64x^3 - 192x^2 - 32x + 32}}$$

m) $(x^2 + 2)^2 \cdot [5 \cdot (x^2 + 2)^2 - 3] \cdot (2x)$

m)

$$\begin{aligned} & (x^2 + 2)^2 \cdot [5 \cdot (x^2 + 2)^2 - 3] \cdot (2x) = \\ & = (x^4 + 4x^2 + 4) \cdot [5 \cdot (x^4 + 4x^2 + 4) - 3] \cdot (2x) = \\ & = (2x^5 + 8x^3 + 8x) \cdot [5x^4 + 20x^2 + 20 - 3] = \\ & = (2x^5 + 8x^3 + 8x) \cdot (5x^4 + 20x^2 + 17) = \\ & = 10x^9 + 40x^7 + 34x^5 + 40x^7 + 160x^5 + 136x^3 + \\ & \quad + 40x^5 + 160x^3 + 136x = \\ & = \underline{\underline{10x^9 + 80x^7 + 234x^5 + 296x^3 + 136x}} \end{aligned}$$

n) $(x^2 - 4) \cdot (x^2 + 4) \cdot (2x + 8) - (x^2 + 8x - 4) \cdot (4x^3)$

n)

$$\begin{aligned} & (x^2 - 4) \cdot (x^2 + 4) \cdot (2x + 8) - (x^2 + 8x - 4) \cdot (4x^3) = \\ & = (x^4 - 16) \cdot (2x + 8) - (4x^5 + 32x^4 - 16x^3) = \\ & = 2x^5 + 8x^4 - 32x - 128 - 4x^5 - 32x^4 + 16x^3 = \\ & = \underline{\underline{-2x^5 - 24x^4 + 16x^3 - 32x - 128}} \end{aligned}$$